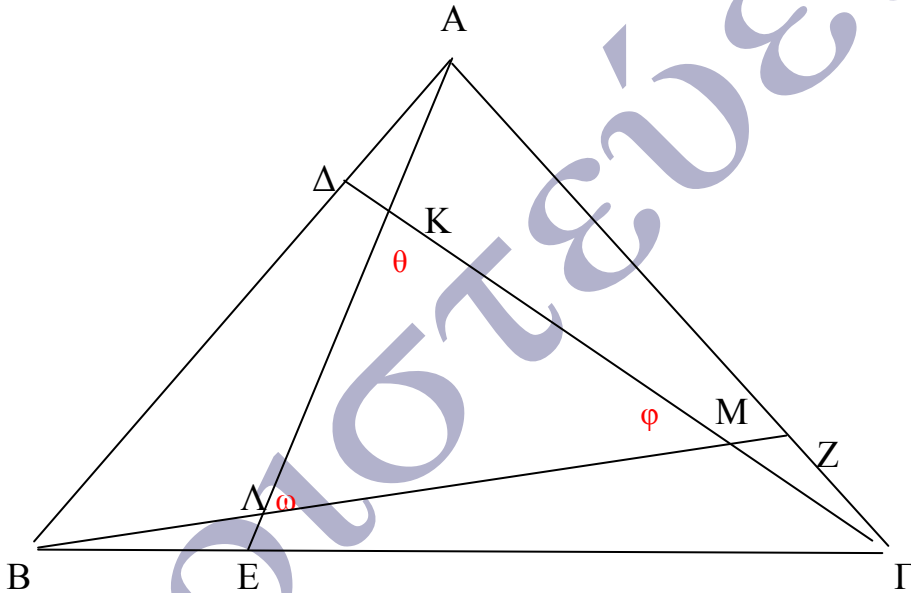


## ΠΡΟΤΕΙΝΟΜΕΝΟ ΘΕΜΑ ΓΕΩΜΕΤΡΙΑ Α΄ ΛΥΚΕΙΟΥ

Δίνεται ισόπλευρο τρίγωνο  $AB\Gamma$  και τα σημεία  $\Delta$ ,  $E$ ,  $Z$  των πλευρών του  $AB$ ,  $B\Gamma$  και  $A\Gamma$  αντίστοιχα, ώστε  $A\Delta = BE = \Gamma Z$ . Αν  $K$ ,  $\Lambda$ ,  $M$  τα σημεία τομής των  $AE$ ,  $\Gamma\Delta$  και  $BZ$  να αποδείξετε ότι το τρίγωνο  $K\Lambda M$  είναι ισόπλευρο

Λύση :



Συγκρίνουμε τα τρίγωνα  $ABE$  και  $B\Gamma Z$

$AB = B\Gamma$  ( $AB\Gamma$  ισόπλευρο),  $BE = \Gamma Z$  (υπόθεση),  $\hat{B} = \hat{\Gamma}$  ( $AB\Gamma$  ισόπλευρο)

Από (Π-Γ-Π) τα τρίγωνα είναι ίσα οπότε έχουμε

$$\hat{B}\hat{A}E = \hat{Z}\hat{B}\hat{\Gamma} \quad (1)$$

Συγκρίνουμε τα τρίγωνα  $ABZ$  και  $B\Gamma\Delta$

$AB = B\Gamma$  ( $AB\Gamma$  ισόπλευρο),  $AZ = B\Delta$  (υπόθεση),  $\hat{A} = \hat{B}$  ( $AB\Gamma$  ισόπλευρο)

Από (Π-Γ-Π) τα τρίγωνα είναι ίσα οπότε έχουμε

$$\hat{A}\hat{B}\hat{\Lambda} = \hat{B}\hat{\Gamma}\hat{M} \quad (2)$$

Συγκρίνουμε τα τρίγωνα  $AB\Lambda$  και  $B\Gamma M$

$AB = B\Gamma$  ( $AB\Gamma$  ισόπλευρο)  $\hat{B}\hat{A}E = \hat{Z}\hat{B}\hat{\Gamma}$  (1)  $\hat{A}\hat{B}\hat{\Lambda} = \hat{B}\hat{\Gamma}\hat{M}$  (2)

Από (Γ-Π-Γ) τα τρίγωνα είναι ίσα οπότε έχουμε

$$\hat{A}\hat{B} = \hat{B}\hat{M}\hat{\Gamma} \text{ (3) '}$$

Οι γωνίες  $\omega$  και  $\varphi$  του τριγώνου ΚΛΜ του τριγώνου είναι ίσες ως παραπληρωματικές των ίσων γωνιών  $\hat{A}\hat{B}, \hat{B}\hat{M}\hat{\Gamma}$ .

Ανάλογα αποδουκνείουμε  $\varphi = \theta$

Επειδή  $\varphi = \omega = \theta$  το τρίγωνο ΚΛΜ είναι ισόπλευρο

αριστεύειν

αποτέλεσμα